

Digital Data Error Techniques

طرق معالجة الأخطاء للبيانات الرقمية

- Data Error Techniques

- Error Types

1. Random Errors

2. Burst Errors

- **Error Detection**

- **VRC**

- **LRC**

- **CRC**

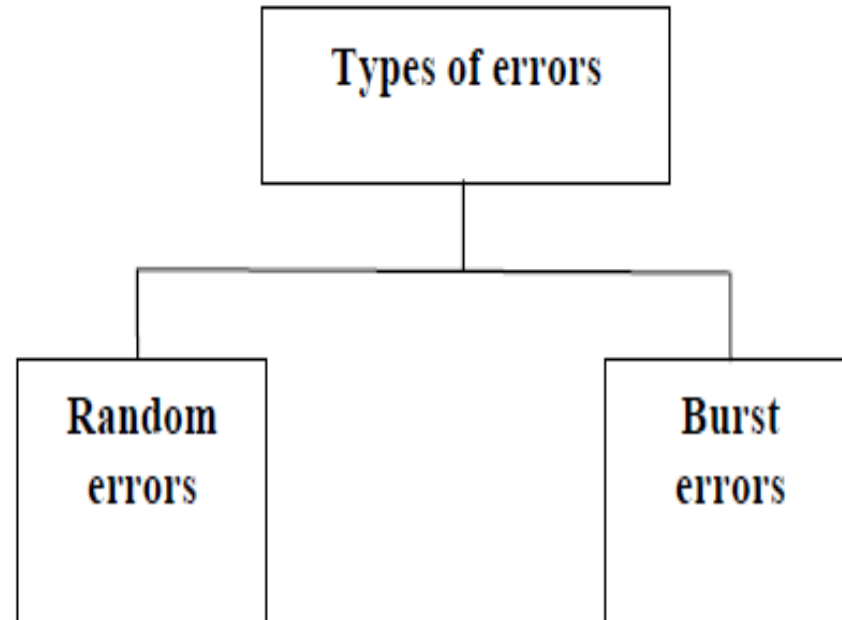
- **Checksum**

Error Control

- Is a set of procedures to provide reliable delivery of data between two physically connected devices.
- The reasons
 - ▶ Data can be corrupted during transmission.
 - ▶ For reliable communication, errors must be detected and corrected.
- Error control can include:
 - ▶ **Error detection:**
 - Allows the receiver to detect the presence of errors
 - ▶ **Error correction:**
 - Allows the receiver to correct the errors.

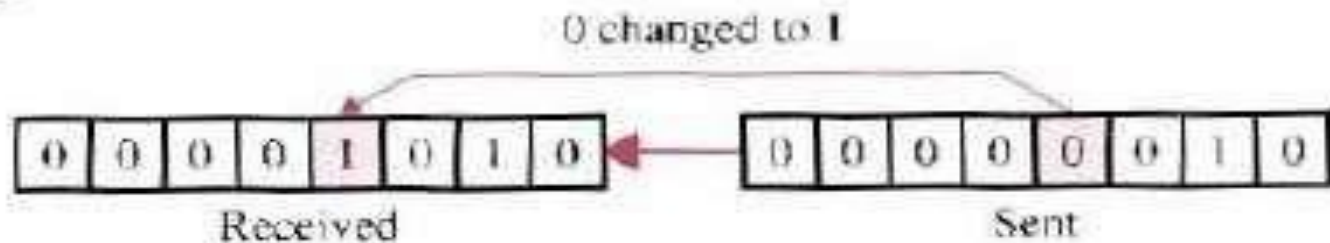
٥- ٤- ١ أنواع الأخطاء (Types of Errors)

عند تراسل الإشارة من نقطة إلى أخرى فإنها تتعرض للإشارات العشوائية أو التداخلات غير المرغوب فيها نتيجة مؤثرات حرارية أو مغناطيسية أو كهربية وبالتالي تتعرض الإشارة المرسله لأنواع مختلفة من الأخطاء التي يبينها الشكل (٥- ١٢).

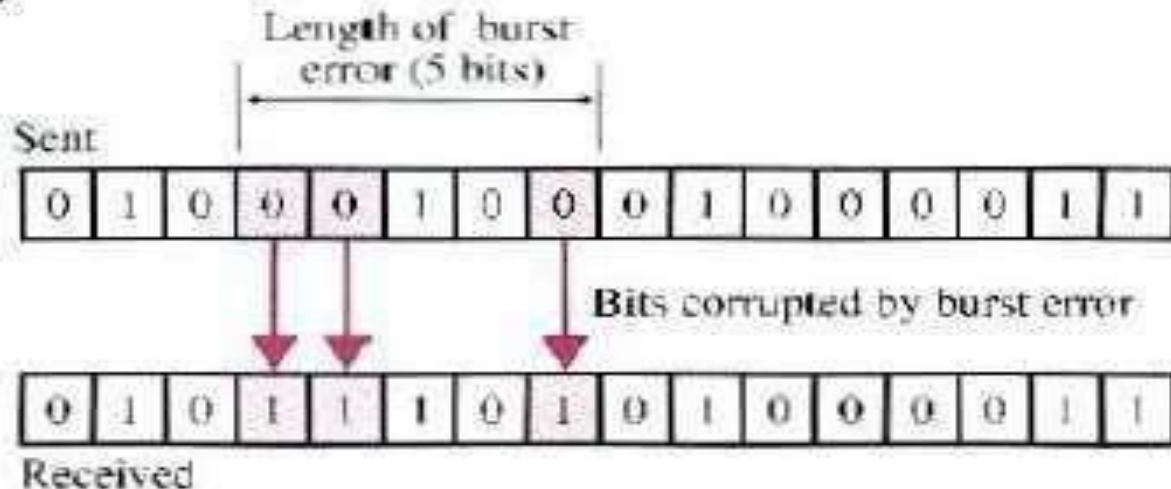


■ Errors:

- Can be caused by signal attenuation or noise.
- Types of errors:
 - ▶ **Single-bit error:** only one bit of a given data unit is changed from 1 to 0 or from 0 to 1.



- ▶ **Burst-error:** two or more bits in the data unit have changed from 1 to 0 or from 0 to 1.



أ - الأخطاء العشوائية (Random Errors)

حيث تظهر الأخطاء بطريقة عشوائية وفي أماكن متفرقة خلال البيانات المرسله سواء بالطريقة المتوالية أو الطريقة المتوازية والخطاء الفردي single error يمثل أحد الأمثلة للأخطاء العشوائية كما هو مبين بالشكل.

0	1	1	0	0	0	1	0	البيانات المرسله
0	1	1	0	1	0	1	0	البيانات المستقبله

error

ب - الأخطاء الحزمية (Burst Errors)

حيث تظهر الأخطاء في صورة حزمة تكون فيها الأخطاء متجاورة أو متباعدة مثال ذلك حدوث خطأين أو أكثر خلال البيانات المرسله بالطريقة المتوالية. طول حزمة الأخطاء يقاس من أول خطأ إلي آخر خطأ خلال البيانات المرسله مع الأخذ في الاعتبار أن بعض البت الموجوده بين أول خطأ وآخر خطأ تكون صحيحة وبدون أخطاء كما هو مبين بالشكل الذي نجد فيه طول حزمة الأخطاء يساوي خمسة بت.

0	1	0	0	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	1	1	بيانات مرسله
0	1	0	1	1	1	0	1	0	1	0	0	0	0	1	1	بيانات مستقبلة

error

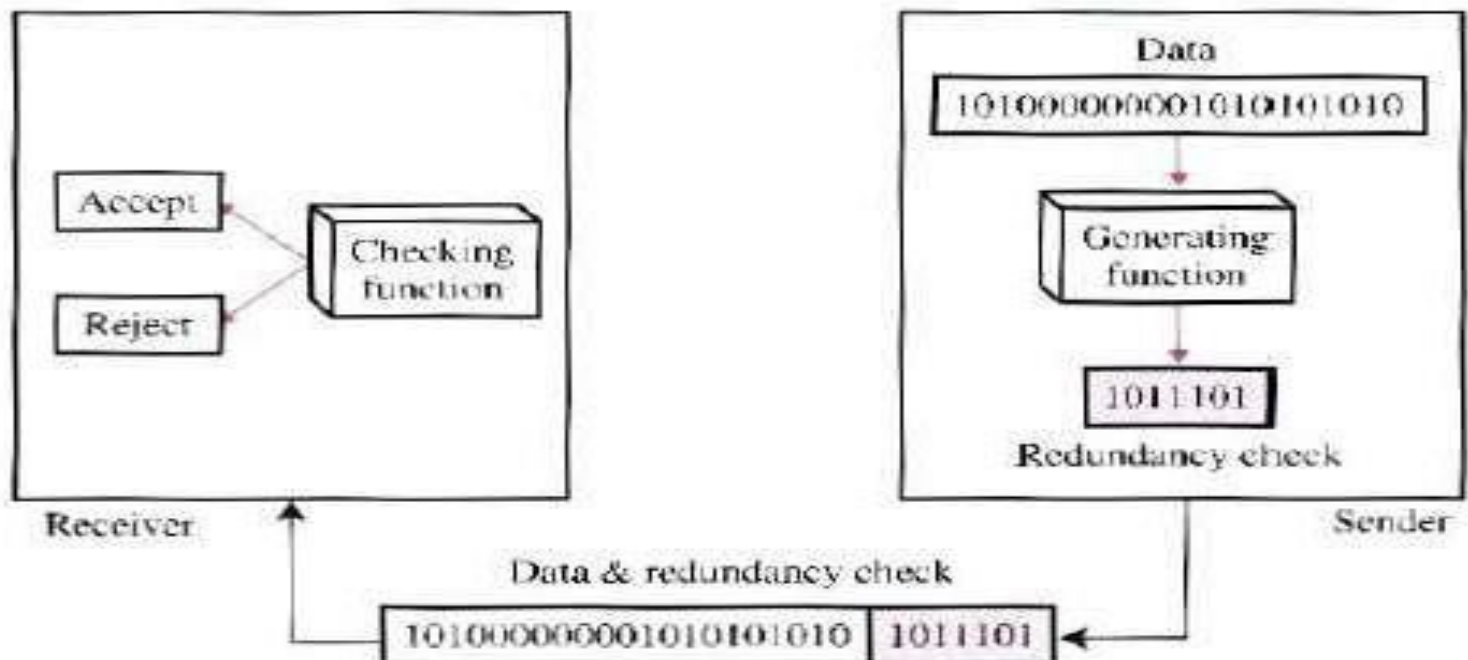
error

لتحسين أداء قنوات التراسل يتم إتباع عدد من الأساليب لاكتشاف الأخطاء error detection أو تصحيح الأخطاء error correction خلال البيانات المرسله وتعتمد هذه الأساليب علي إضافة عدد من البت الإضافية إلي بت البيانات الأصلية المطلوب إرسالها ويطلق علي هذه البت الإضافية (البت الزائدة redundant bits) أو (البت المكافئة parity bits) وعند نقطة الاستقبال يقوم جهاز الاستقبال باستخدام هذه البت المكافئة لاكتشاف أو تصحيح الأخطاء خلال البيانات إن وجدت كما هو مبين بالشكل (٥ - ١٣). تستخدم دوائر الـ XOR عند المرسل للحصول علي هذه البت المكافئة أو عند المستقبل لفحص البيانات المستقبله وذلك باستخدام العمليات الرياضية المنطقية التالية:

$0 + 0 = 0$	$1 + 1 = 0$	$0 + 1 = 1$	$1 + 0 = 1$
-------------	-------------	-------------	-------------

Error Detection

- Error detection uses the concept of **redundancy**.
 - Adds extra bits for detecting errors at destination.
 - ▶ For efficiency, extra bits $k \ll n$ (information bits).
 - ▶ Generating function is used to generate these extra bits.



■ Four types of redundancy checks:



- **VRC**: vertical redundancy check or parity check
- **LRC**: longitudinal redundancy check
- **CRC**: cyclic redundancy check
- VRC, LRC, CRC used by **data link** layers.
- Checksum used by **higher-layer** protocols.

■ Vertical redundancy check (VRC):

- Adds a parity bit to every data unit so that the total number of 1s becomes

- ▶ **even** – even parity checking
- ▶ **odd** – odd-parity checking

Even number of ones

– add 0

Odd number of ones

– add 1

■ Example:

- The word “cute” is coded in ASCII as:

1100011	1110101	1110100	1100101
c	u	t	e

- Using even-parity checking, the sender will send:

11000110	11101011	11101000	11001010
----------	----------	----------	----------

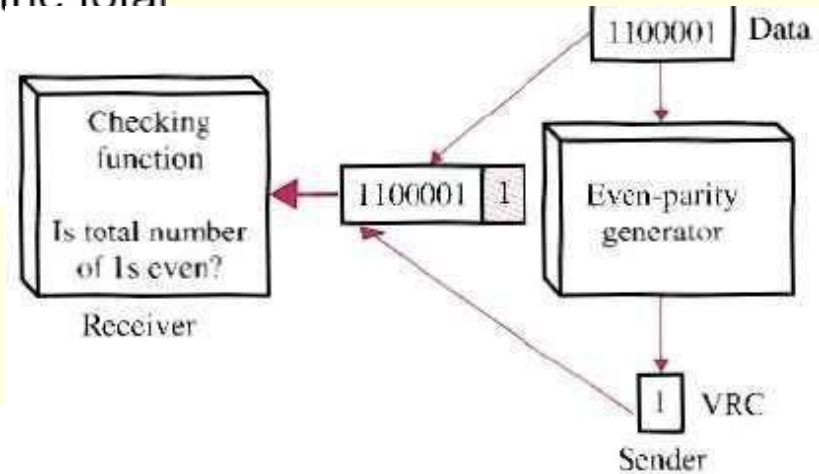
- If the word is not corrupted during transmission:

- ▶ The receiver counts the 1s in each character and comes up with (4, 6, 4, 4) – all even numbers.

- If the word is corrupted during transmission, say:

11010110	11101011	11101000	11000010
----------	----------	----------	----------

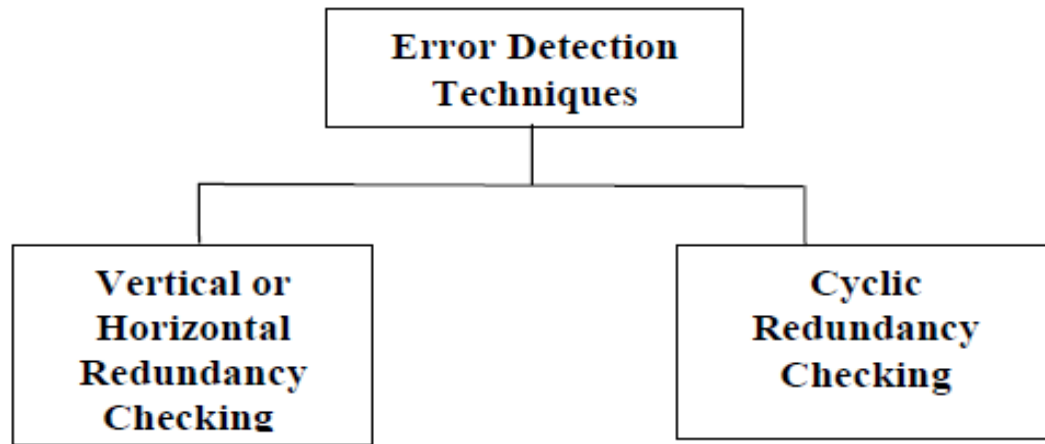
- ▶ The receiver counts the 1s in each character and comes up with (5, 6, 4, 3).



Can detect all single-bit errors. Can detect burst errors only if the total number of errors in each data unit is odd.

٥- ٤- ٢ أساليب اكتشاف الأخطاء (Error Detection)

في جميع الأساليب التي تستخدم لاكتشاف الأخطاء لا يتم تحديد أماكن البت التي حدثت بها الأخطاء ولكن فقط تحديد ما إذا كانت البيانات المستقبلية بها خطأ أم لا. يمكن تصنيف معظم التقنيات المستخدمة في اكتشاف الأخطاء بنظم اتصالات البيانات والشبكات كما هو مبين بالشكل (٥- ١٤).



شكل ٥-١٤

أ - أسلوب البت المكافئة (Parity check Bit)

في هذه التقنية فإن كل حرف أو رقم ممثل بـ ٧ بت أو ٨ بت يضاف إليها بت واحدة تسمى المكافئ الفردي odd parity أو المكافئ الزوجي even parity اعتماداً على عدد الـ 1, S التي يحتويها

الحرف أو الرقم الواحد (فردى أو زوجى) وفى كلتا الحالتىن يقوم جهاز الاستقبال بإحصاء عدد ال S, I مرة أخرى بالحرف أو الرقم المستقبل فإذا ما ظهر اختلاف بين البت المكافئة المرسله والجديده فهذا معناه وجود خطأ فى الحرف المستقبل كما هو مبين بالجدول التالى ولا يمكن تصحيح هذا الخطأ. فى هذا الأسلوب يتم اكتشاف الأخطاء الفردية فقط بينما لا يمكن اكتشاف الأخطاء الزوجية.

بت الحرف الأساسى	مضاف إليه البت المكافئ الفردى	مضاف إليه البت المكافئ الزوجى
1010111	1010111 0«	1010111 1«

ب - أسلوب البت الزائدة الطولى ((Longitudinal Redundancy Check-LRC))

فى هذه التقنية يتم وضع مجموعة بت الحروف فى مصفوفة عدد صفوفها يساوى عدد الحروف ثم بعد ذلك يتم إيجاد البت الزائدة أو المكافئة لكل عمود من أعمدة المصفوفة سواء بطريقة البت المكافئ الفردى أو البت المكافئ الزوجى فنحصل فى النهاية على صف جديد يمثل البت الزائدة المكافئة الطولية الذى يضاف إلى صفوف بت الحروف الأصلية كما هو مبين بالمثال الذى سنورده بعد ذلك. يتم إرسال البيانات صفوفاً متتالية وفى النهاية يرسل الصف الأخير الذى يمثل البت الزائدة المكافئة التى تسمى LRC.

عند نقطة الاستقبال يقوم جهاز الاستقبال بإيجاد LRC جديدة ويقارنها بالمستقبلة فإذا كان هناك اختلاف بينهما فهذا معناه وجود خطأ بالرسالة المستقبلة. هذه التقنية تتيح اكتشاف الأخطاء الفردية والزوجية ما لم تحدث هذه الأخطاء فى مواضع متناظرة من المصفوفة كما إن هذه التقنية تتيح اكتشاف الأخطاء الحزمية بطول حزمة يصل إلى طول بت ال LRC.

مثال:

البيانات الأصلية: $w_1=11100111, w_2=11011101, w_3=00111001, w_4=10101001$

$w_1=11100111$

البيانات الأصلية بعد ترتيبها في مصفوفة:

$w_2=11011101$

$w_3=00111001$

$w_4=10101001$

LRC= 10101010

البيانات الأصلية + LRC:

W1	W2	W3	W4	LRC
11100111	11011101	00111001	10101001	10101010

■ Longitudinal redundancy check (LRC):

- 2-dimensional parity checking.
 - ▶ Divides a block of bits into rows of n bits.
 - ▶ Calculates the even/odd parity for each column.
 - This results in an extra row of parity bits.

■ Example:

- The word “cute” is coded in ASCII as:

```
1100011 1110101 1110100 1100101  
c       u       t       e
```

- Using LRC, the sender will send:

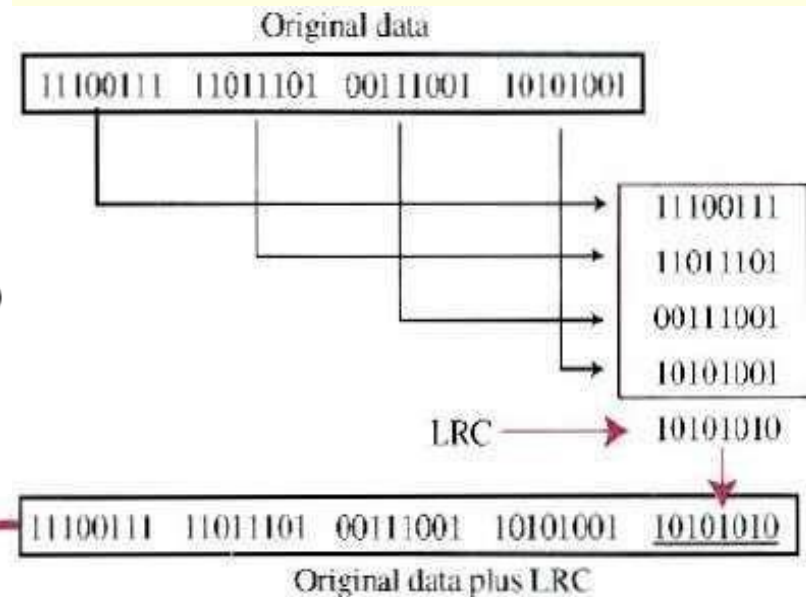
```
1100011 1110101 1110100 1100101 0000111
```

- If the word is corrupted during transmission, say:

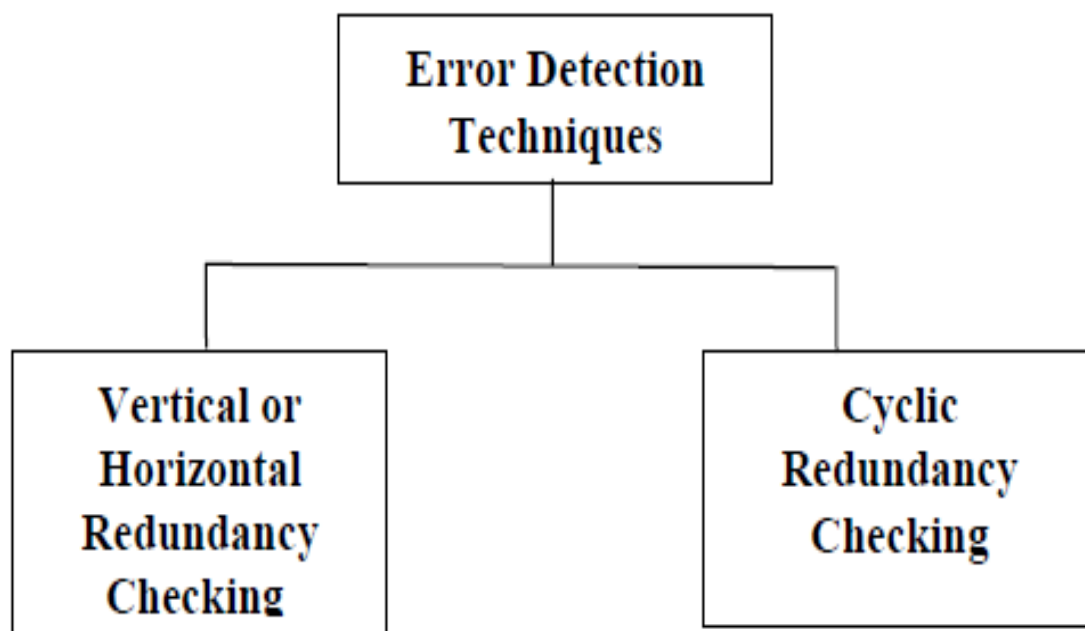
```
1101101 0100101 1110100 1100001
```

- ▶ The receiver calculates the LRC and comes up with $1011001 \neq 0000111$.
- ▶ 5 bits of LRC have changed – 5 errors have been detected.

- Increases the likelihood of detecting burst errors.
- n bits LRC can detect a burst error of n bits.
- Errors may be undetected if:
 - Have even number of errors in that position.



في جميع الأساليب التي تستخدم لاكتشاف الأخطاء لا يتم تحديد أماكن البت التي حدثت بها الأخطاء ولكن فقط تحديد ما إذا كانت البيانات المستقبلية بها خطأ أم لا. يمكن تصنيف معظم التقنيات المستخدمة في اكتشاف الأخطاء بنظم اتصالات البيانات والشبكات كما هو مبين بالشكل (٥-١٤).

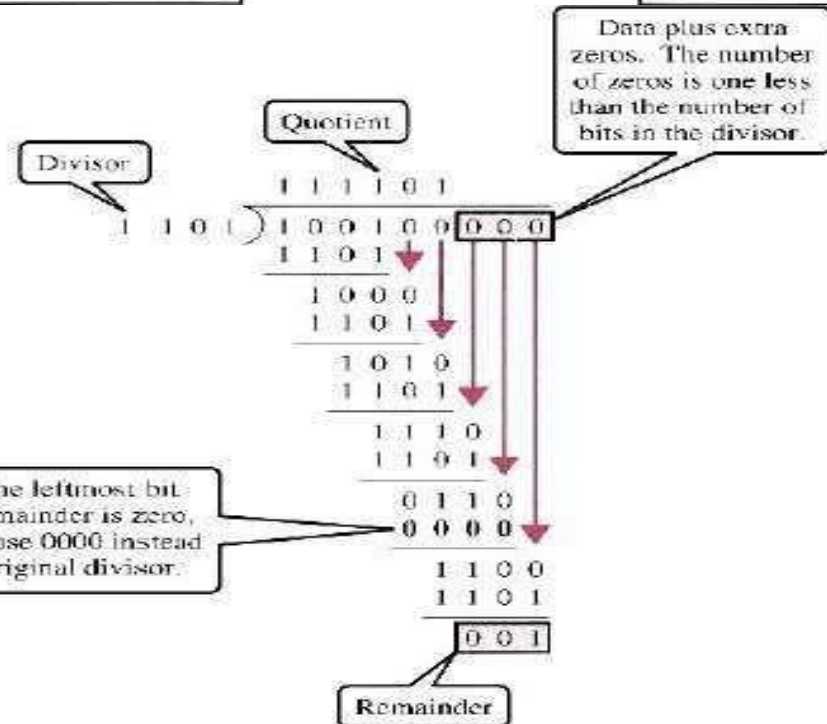
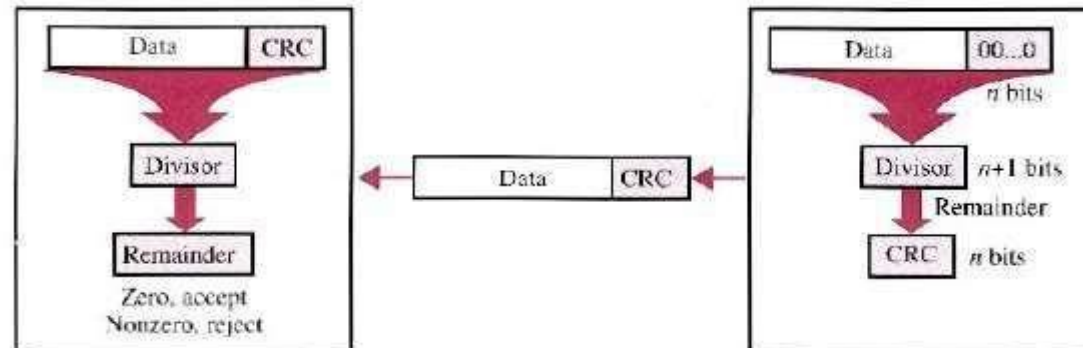


Cyclic redundancy check (CRC):

- Based on **binary division**
 - Cf. VRC and LRC based on addition
- Divides the data unit by predetermined divisor or generator using modulo-2 division.
- CRC = remainder.

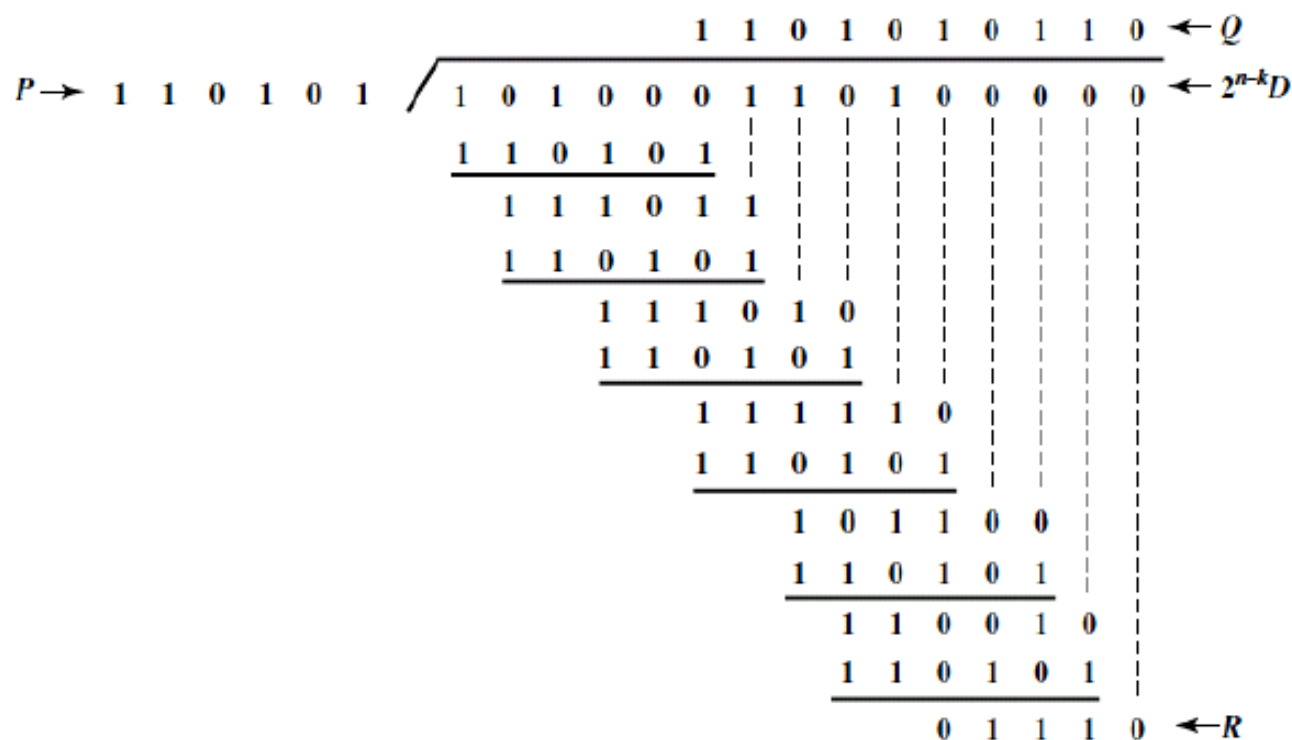
CRC generator:

- For n -bits data unit and m -bits divisor:
 - Forms dividend: n -bits + $(m-1)$ bits of zeros.
 - Divides dividend by divisor.
 - Subtracting each bit of divisor without disturbing the next higher bit.
 - $1 - 1$ or $0 - 0 = 0$
 - $1 - 0$ or $0 - 1 = 1$
- Sends data + CRC.



Example

- Pattern $P = 110101$ (6 bits)
- Message $D = 1010001101$ (10 bits)
- FCS $R =$ to be calculated (5 bits)



ت - أسلوب البت الزائدة الدوري (Cyclic Redundancy Check-CRC)

تعتمد تقنية الـ CRC على فكرة بسيطة مفادها أن جهاز الإرسال يضيف إلى بيانات المعلومات الأصلية مجموعة من البت الزائدة والتي تنتج بطريقة تكرارية كباق من ناتج قسمة بت بيانات المعلومات الأصلية على عدد أولي تتم اختياره بعناية من قبل هيئات المواصفات القياسية العالمية للاتصالات. وفي جهاز الاستقبال يتم قسمة البت المستقبلية كلها على نفس العدد الأولي الذي تم استخدامه عند المرسل فإذا كان هذا الباقي الناتج من عملية القسمة يساوي صفراً فهذا معناه عدم وجود خطأ بالبت المستقبلية أما إذا كان هذا الباقي لا يساوي صفراً فهذا معناه وجود خطأ بالبت المستقبلية وقد دلت التجارب والدراسات أنه باستخدام هذه التقنية فإن حوالي ٩٩.٩٥% من كل الأخطاء الناتجة خلال قنوات التراسل يمكن اكتشافها.

نظرا لصعوبة متابعة الأعداد الثنائية وقراءتها فقد جرى الاصطلاح علي تمثيل تلك الأعداد بسلسلة متعددة الحدود polynomial بحيث يمثل الأس لكل حد موقع البت المقابل للعدد الثنائي ويمثل معامل الحد قيمة البت 0 أو 1 فعلى سبيل المثال:

البيانات في صورة أرقام ثنائية - D = 1 0 1 0 0 1 1 1

البيانات في صورة متسلسلة كثيرة الحدود $X^7 + X^5 + X^2 + X + 1 = D(X)$

كما إنه يتم استخدام الأعداد الأولية القياسية من قبل هيئات المواصفات العالمية الدولية لتنظيم الاتصالات فعلى سبيل المثال:

$$\text{CRC-12} = 1100100000011 = X^{12} + X^{11} + X^8 + X + 1$$

$$\text{CRC-16} = 110000000000000101 = X^{16} + X^{15} + X^2 + 1$$

$$\text{CRC- ITU-T} = 10001000000100001 = X^{16} + X^{12} + X^5 + 1$$

المثال التالي يوضح عملية استنتاج البت الزائدة بالطريقة التكرارية.

❖ بيانات المعلومات: $D = 10110111$, $D(X) = X^7 + X^5 + X^4 + X^2 + X + 1$

❖ العدد الأولي : $g = 110011$, $g(x) = X^5 + X^4 + X + 1$

الحل:

البت المكافئة في صورة متسلسلة يرمز لها بـ $b(x)$. حيث $b(x)$ تساوي الباقي من قسمة $X^m \times D(x) / g(x)$ حيث m هي درجة أو أعلى أس في المتسلسلة $g(x)$ وفي نفس الوقت هي تساوي عدد البت المكافئة CRC وفي مثالنا هذا $m = 5$.

$$X^m \times D(x) = X^5 \times (X^7 + X^5 + X^4 + X^2 + X + 1) \\ = X^{12} + X^{10} + X^9 + X^7 + X^6 + X^5$$

ولإيجاد متسلسلة البت المكافئة نستخدم طريقة القسمة المطولة بطريقة دورية آخذين في الاعتبار طريقة الجمع أو الطرح المنطقية حتى نحصل علي باقي القسمة الذي يمثل متسلسلة البت المكافئة كما يلي.

	$X^7 + X^6 + X^4 + X^2 + X + 1$
$X^5 + X^4 + X + 1$	$X^{12} + X^{10} + X^9 + X^7 + X^6 + X^5$
	$X^{12} + X^{11} + X^8 + X^7$
	$X^{11} + X^{10} + X^9 + X^8 + X^6 + X^5$
	$X^{11} + X^{10} + X^7 + X^6$
	$X^9 + X^8 + X^7 + X^5$
	$X^9 + X^8 + X^5 + X^4$
	$X^7 + X^4$
	$X^7 + X^6 + X^3 + X^2$
	$X^6 + X^4 + X^3 + X^2$
	$X^6 + X^5 + X^2 + X$
	$X^5 + X^4 + X^3 + X$
	$X^5 + X^4 + X + 1$
	$X^3 + 1 = \text{remainder} = b(x)$, $b = 01001 = \text{CRC}$

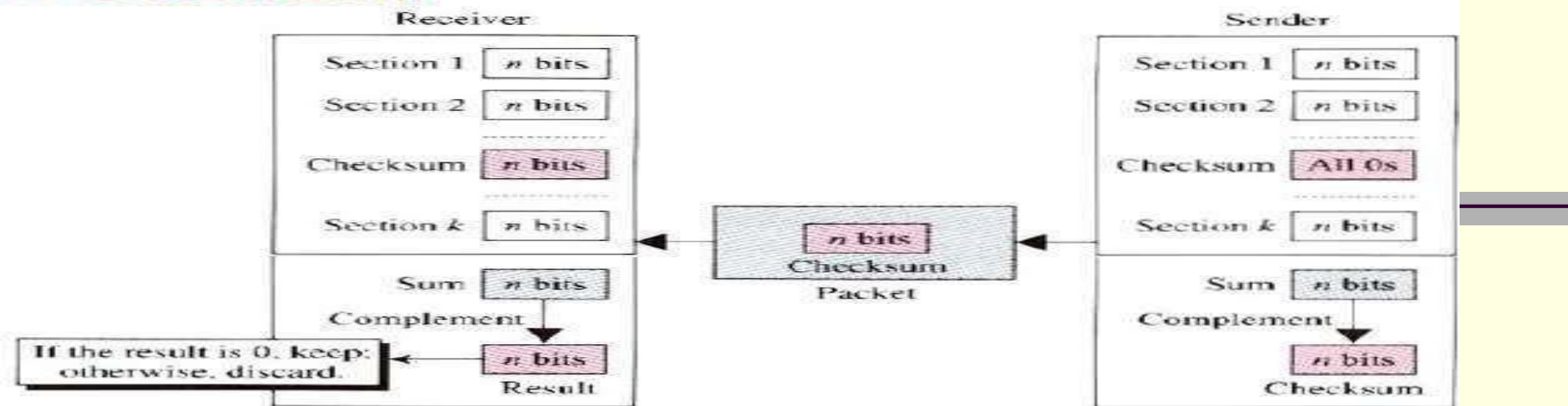
وبالتالي يمكن كتابة البيانات الكلية المرسله في صورة متسلسلة, $T(x)$ كما يلي:

$$\begin{aligned}T(x) &= X^m \times D(x) + b(x) \\ &= X^{12} + X^{10} + X^9 + X^7 + X^6 + X^5 + X^3 + X\end{aligned}$$

كما يمكن كتابة هذه المتسلسلة في صورة بيانات رقمية ثنائية, T كما يلي:

$$T = 1011011101001 = \text{Data} + \text{CRC}$$

■ Checksum:



■ Checksum generator (sender):

- Divide data unit into segments of n bits (usually $n = 16$).
- Add together all segments using one's complement to get the sum
- Complement the sum to become the checksum.
- Send the checksum with the data.

■ Checksum checker (receiver):

- Divide data unit into segments of n bits.
- Add together all segments using one's complement to get the sum.
- Complement the sum.
- If the result is zero, accept the data, otherwise, reject the data.