

# تصميم الدوائر المنطقية

ITGS 126

المحاضرة التاسعة

الدوائر المنطقية التتابعية

Sequential Logic Circuits

أ. منار سامي عريف

# جدول الصدق للقلابات FF-Truth tables

$C$	$D$	$Q_{n+1}$
0	×	$Q_n$
1	0	0
1	1	1

$$Q(t + 1) = D$$

$C$	$T$	$Q_{n+1}$	
0	×	$Q_n$	Keep
1	0	$Q_n$	Keep
1	1	$\bar{Q}_n$	Toggle

$$Q(t + 1) = T\bar{Q}(t) + \bar{T}Q(t)$$

$S$	$R$	$Q_{n+1}$	
0	0	$Q_n$	Keep
0	1	0	RESET
1	0	1	SET
1	1	Invalid	

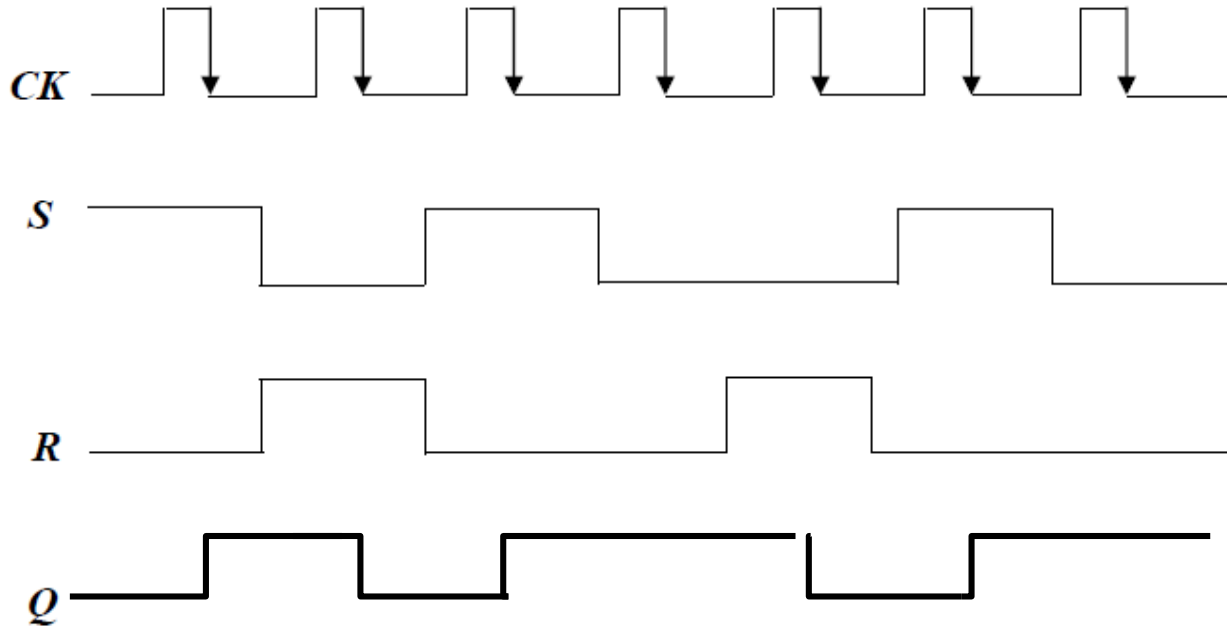
$$Q(t + 1) = S + \bar{R}Q(t)$$

$C$	$J$	$K$	$Q_{n+1}$	
0	×	×	$Q_n$	Keep
1	0	0	$Q_n$	Keep
1	0	1	0	RESET
1	1	0	1	SET
1	1	1	$\bar{Q}_n$	Toggle

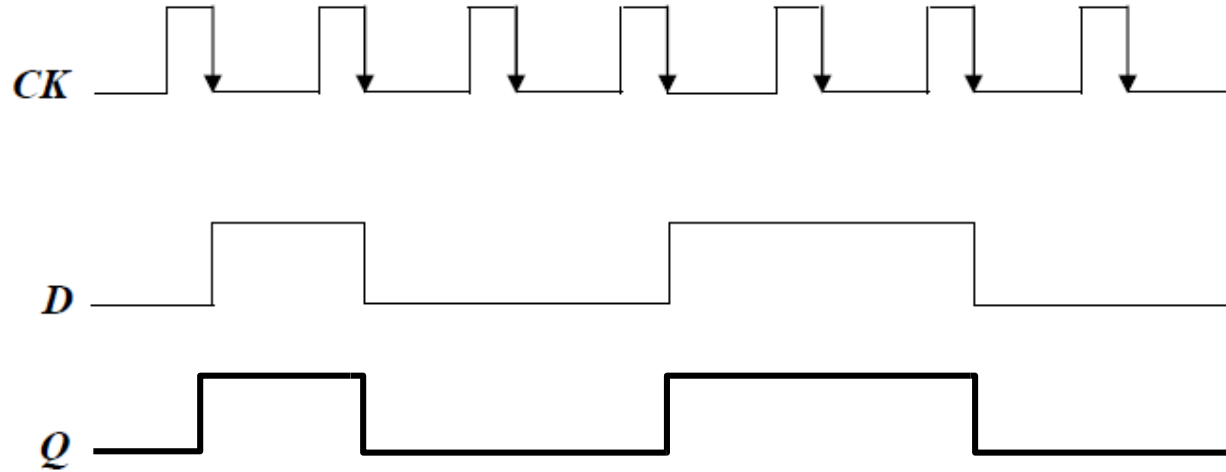
$$Q(t + 1) = J\bar{Q}(t) + \bar{K}Q(t)$$

## تمارين للمراجعة

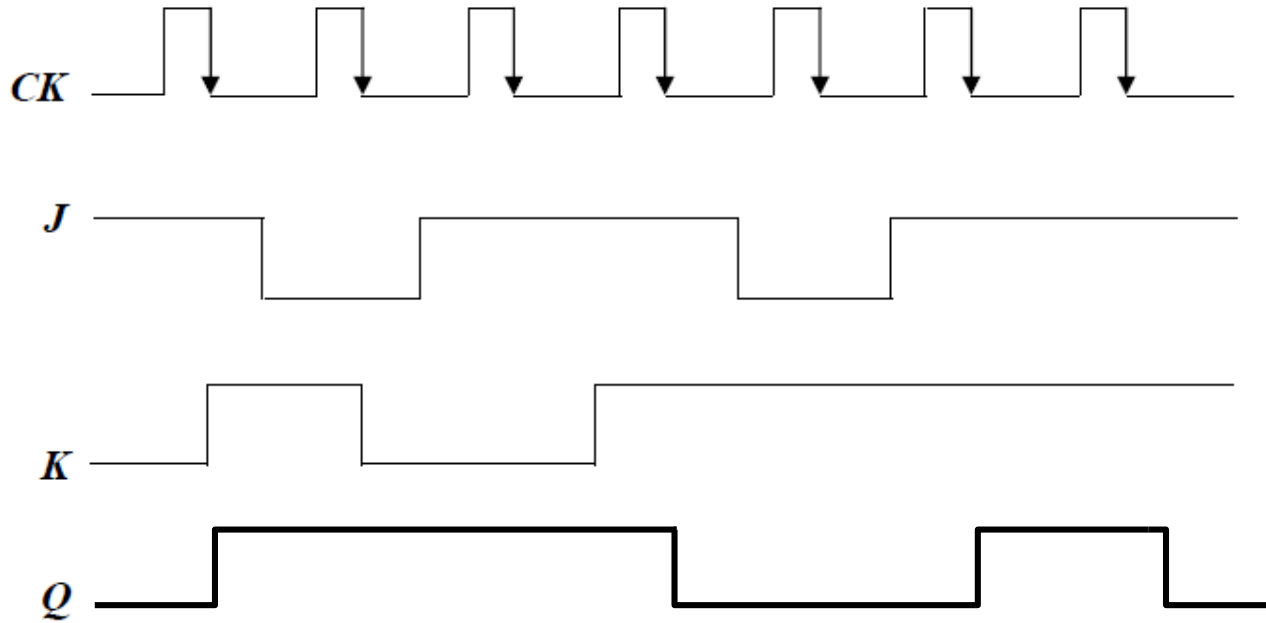
ارسم شكل نبضات الخرج ( $Q$ ) لدائرة القلاب  $S R$  والذي يتغير الخرج لها عند الحافة السالبة لنبضات التزامن إذا كان شكل نبضات الدخل كما هو موضح وافترض أن الحالة التي عليها الخرج  $Q$  قبل تطبيق أول نبضة لكلا الدخلين هي  $Q=0$ .



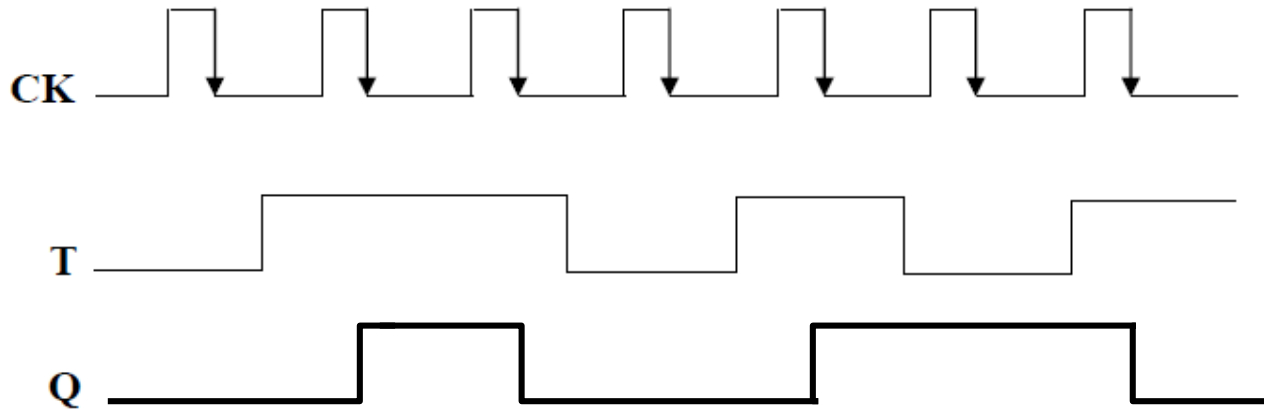
ارسم شكل نبضات الخرج ( $Q$ ) لدائرة القلاب  $D$  والذي يتغير الخرج لها عند الحافة الموجبة لنبضات التزامن إذا كان شكل نبضات الدخل كما هو موضح وافترض أن الحالة التي عليها الخرج  $Q$  قبل تطبيق أول نبضة لكلا الدخلين هي  $Q=0$ .



ارسم شكل نبضات الخرج ( $Q$ ) لدائرة القلاب JK والذي يتغير الخرج لها عند الحافة السالبة لنبضات التزامن إذا كان شكل نبضات الدخل كما هو موضح وافترض أن الحالة التي عليها الخرج  $Q$  قبل تطبيق أول نبضة لكلا الدخلين هي  $Q=0$ .



ارسم شكل نبضات الخرج ( $Q$ ) لدائرة القلاب  $T$  والذي يتغير الخرج لها عند الحافة السالبة لنبضات التزامن إذا كان شكل نبضات الدخل كما هو موضح وافترض أن الحالة التي عليها الخرج  $Q$  قبل تطبيق أول نبضة لكلا الدخلين هي  $Q=0$ .



# جداول التحريض للقلابات FF-Excitation tables

Q(t)	Q(t+1)	D
0	0	0
0	1	1
1	0	0
1	1	1

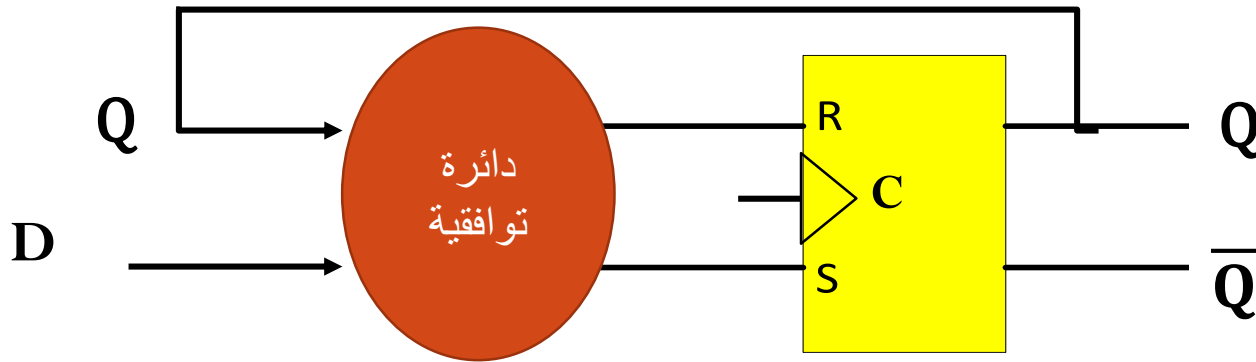
Q(t)	Q(t+1)	S	R
0	0	0	X
0	1	1	0
1	0	0	1
1	1	X	0

Q(t)	Q(t+1)	J	K
0	0	0	X
0	1	1	X
1	0	X	1
1	1	X	0

Q(t)	Q(t+1)	T
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

## التبديل ما بين القلابات Flip-Flops Conversion

- التبديل بين القلابات هو الحصول على قلاب (مثلا D) من قلاب آخر (مثلا SR) أي جعل القلاب SR يعمل ظاهرياً وكأنه القلاب D
- للتبديل بين القلابات يتم تصميم دائرة توافقية وسيطة مثلاً :-
  - إذا كان المعطي هو القلاب SR
  - والمطلوب تحويله ليعمل كقلاب من نوع D
  - فيتم تصميم دائرة توافقية لتقوم بهذا التبديل

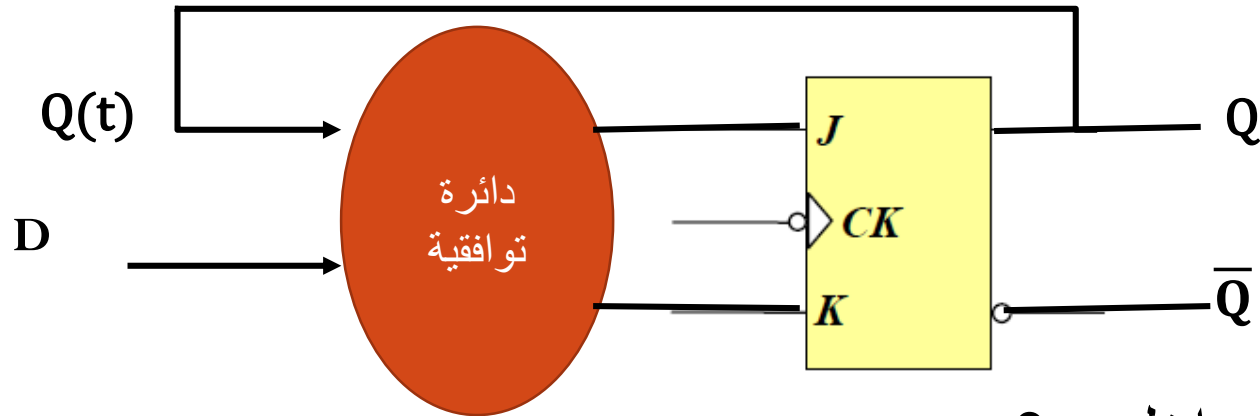




## التبديل ما بين القلابات Flip-Flops Conversion

- تصميم دائرة توافقية يعني كتابة معادلات للـ S,R بدلالة D و Q(t) وبالتالي نحصل على قلاب نوع D ظاهرياً.
- خطوات تصميم الدائرة التوافقية :
  - تحديد المدخل والمخرج
  - كتابة جدول الصدق
  - كتابة المعادلات مختصرة باستخدام خرائط كارنوف
  - رسم الدائرة التوافقية.

# وضح بالتصميم والرسم كيفية الحصول على القلاب D من القلاب JK



- عدد المداخل = 2  $D, Q(t)$
- عدد المخرجات = 2  $J, K$
- كتابة جدول الصدق

D	Q(t)	Q(t+1)	J	K
0	0	0	0	X
0	1	0	X	1
1	0	1	1	X
1	1	1	X	0

تابع ..... كيفية الحصول على القلاب D من القلاب JK

• كتابة معادلات J,K مبسطة باستخدام خرائط كارنوف

Q(t)

D

<b>0</b>	<b>X</b>
<b>1</b>	<b>X</b>

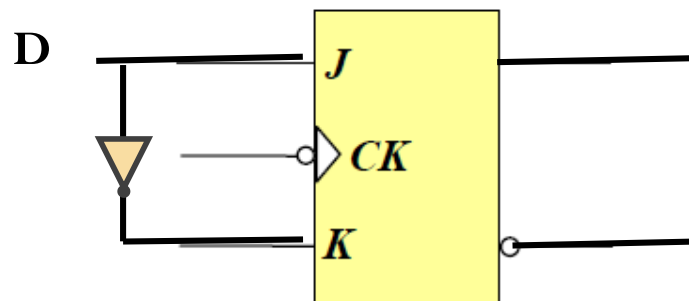
$$J = D$$

Q(t)

D

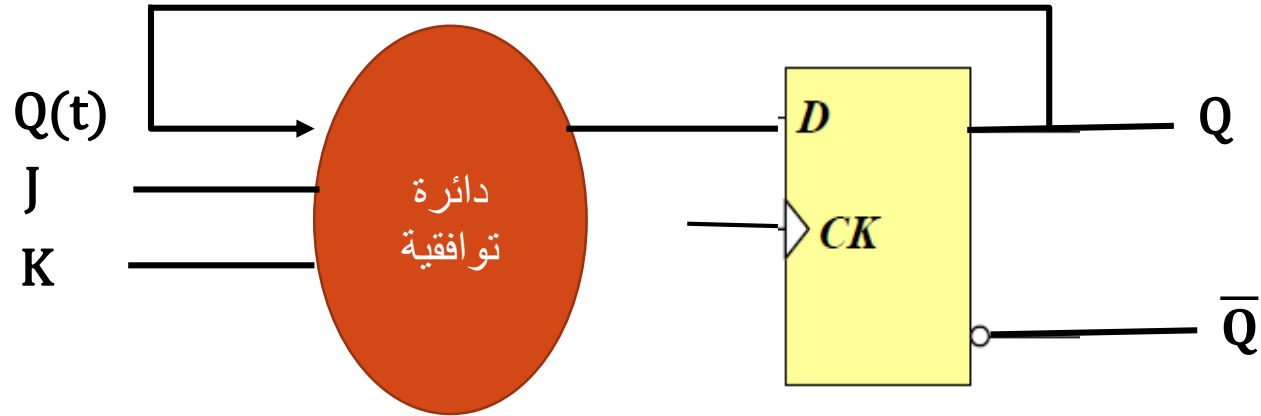
<b>X</b>	<b>1</b>
<b>X</b>	<b>0</b>

$$K = \bar{D}$$



رسم الدائرة :

## وضح بالتصميم والرسم كيفية الحصول على القلاب JK من القلاب D



J	K	$Q(t)$	$Q(t+1)$	D
0	0	0	0	0
0	0	1	1	1
0	1	0	0	0
0	1	1	0	0
1	0	0	1	1
1	0	1	1	1
1	1	0	1	1
1	1	1	0	0

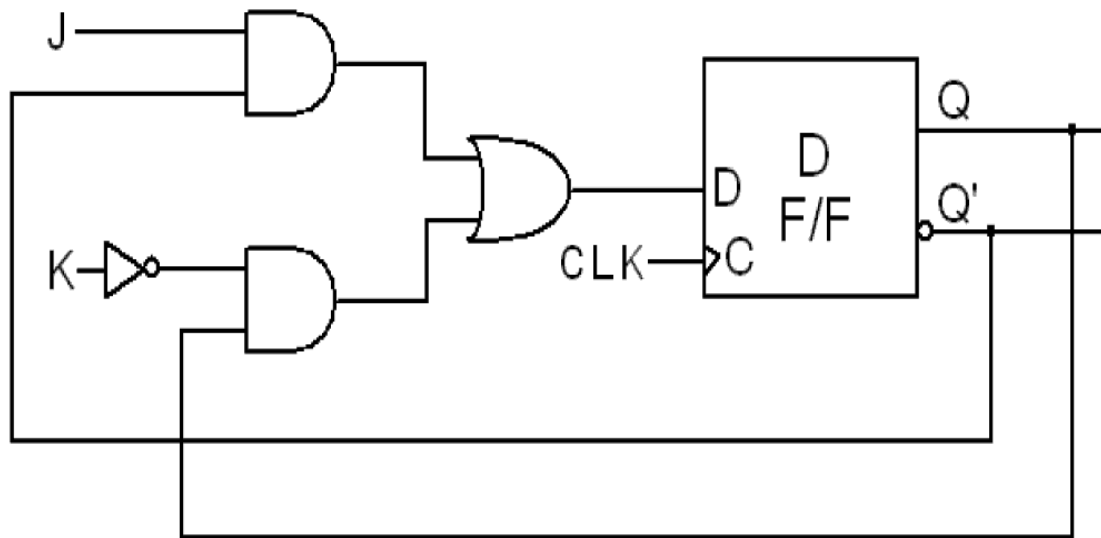
- عدد المداخل = 3  $J, K, Q(t)$
- عدد المخرجات = 1  $D$
- كتابة جدول الصدق

تابع ..... كيفية الحصول على القلاب JK من القلاب D

• كتابة معادلة D مبسطة باستخدام خرائط كارنوف

	KQ(t)			
J	0	1	0	0
	1	1	0	1

$$D = J\overline{Q(t)} + \overline{K}Q(t)$$



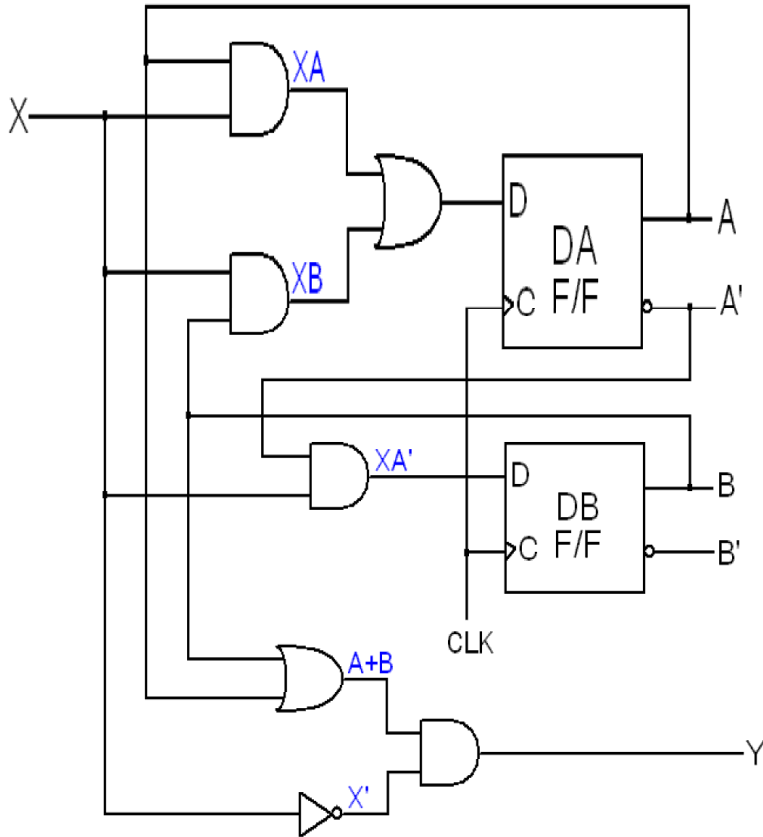
رسم الدائرة :

# تحليل الدوائر المتتابعة المتزامنة

● تحليل الدائرة وتحديد مدخلاتها ومخرجاتها ( تحديد قيم next state ، output )

● State table

● State Diagram



مثال : أوجد تحليل الدائرة المتتابعة المتزامنة التالية ؟

لتحليل الدائرة نقوم بتحديد مدخلاتها ومخرجاتها حيث نعامل

كل جزء على حدا :

**أولاً : القلاب A**

$$A(t+1)=D_A \quad D_A=XA+XB$$

نحصل على القيمة

**ثانياً : القلاب B**

$$B(t+1)=D_B \quad D_B = X\bar{A}$$

نحصل على القيمة

**ثالثاً : الخرج Y**

$$Y = (A + B)\bar{X} \quad Y = \bar{X}A + \bar{X}B$$

نحصل على القيمة

## ثانيا : State Table

- نقوم بتقسيم خلايا State Table ومن ثم تعبئتها

P.S		I/P		N.S		O/P	
-----	--	-----	--	-----	--	-----	--

- نبدأ بتعبئة العمودين P.S , I/P

- ثم نقوم بالتعويض بالمعادلات السابقة

- للحصول على N.S , O/P

P.S		I/P	N.S		O/P
A	B	X	A	B	Y
0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	1	0
0	1	0	0	0	1
0	1	1	1	1	0
1	0	0	0	0	1
1	0	1	1	0	0
1	1	0	0	0	1
1	1	1	1	0	0

## ثالثا : State Diagram

• عبارة عن وصف لـ State Table ، (وعند وجود أحدهما نستطيع إيجاد الآخر منه)

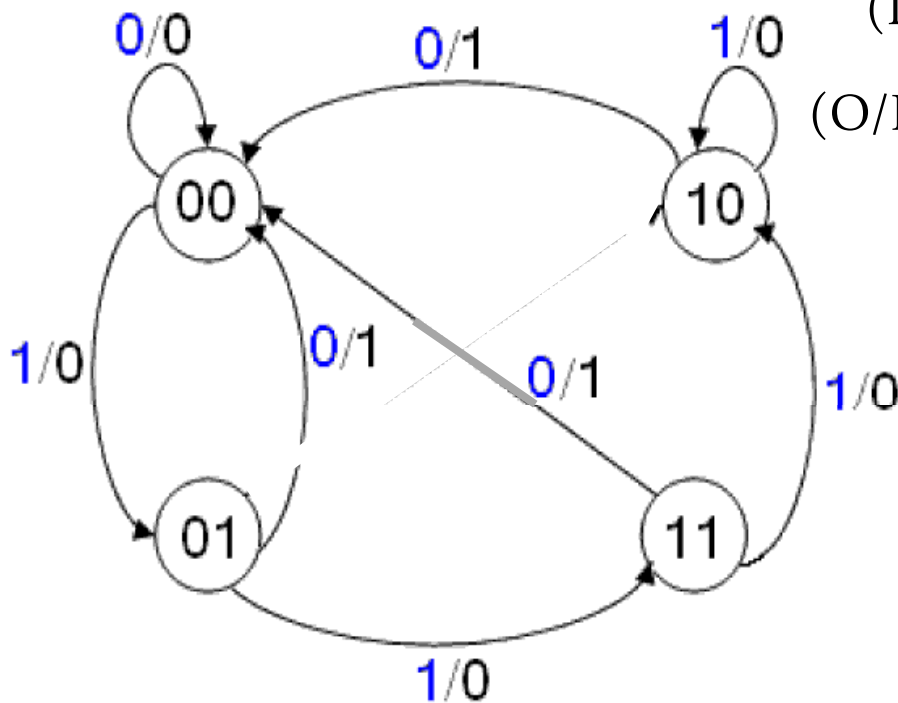
• رسم State Diagram عبارة عن دوائر وأسهم حيث:

✓ نضع داخل الدوائر قيم (P.S) و (N.S).

✓ وعلى الأسهم يتم وضع قيم (I/P) و (O/P) بحيث أن :

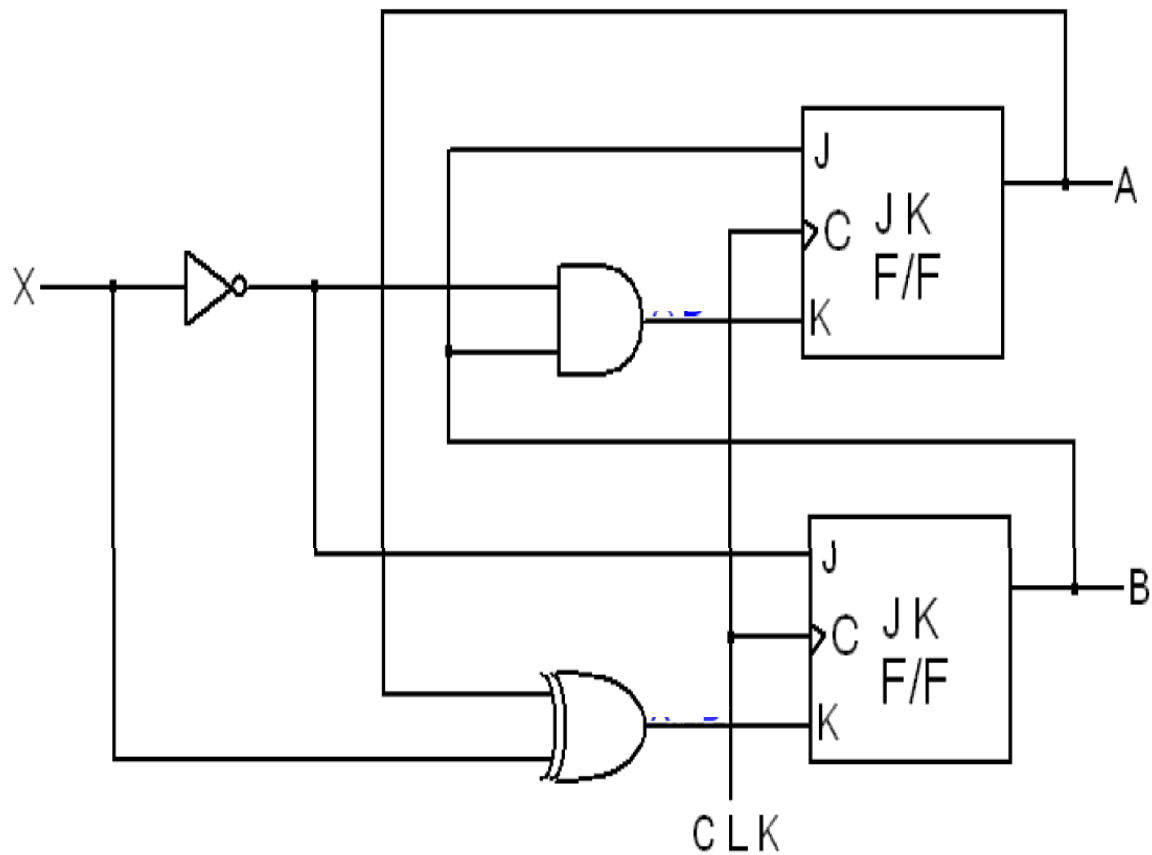
✓ القيمة الواقعة على يسار الخط الفاصل تمثل قيمة (I/P)

✓ أما القيمة الواقعة على يمين الخط الفاصل تمثل قيمة (O/P)





## أوجد تحليل الدائرة المتتابعة المتزامنة التالية ؟



## تحليل الدوائر التتابعية المتزامنة

نقوم بتحديد مدخلاتها ومخرجاتها حيث نعامل كل جزء على حدا :

أولاً : القلاب A

$$J_A = B$$

$$K_A = \bar{X}B$$

ثانياً : القلاب B

$$J_B = \bar{X}$$

$$K_B = X \oplus AZ$$

P.S		I/P	N.S	
A	B	X	A	B
0	0	0	0	1
0	0	1	0	0
0	1	0	1	1
0	1	1	1	0
1	0	0	1	1
1	0	1	1	0
1	1	0	0	0
1	1	1	1	1

$$A(t + 1) = J_A \cdot \bar{A} + \bar{K}_A \cdot A$$

$$= B\bar{A} + \overline{(\bar{X} \cdot B)} \cdot A$$

$$= \bar{A} \cdot B + (X + \bar{B}) \cdot A$$

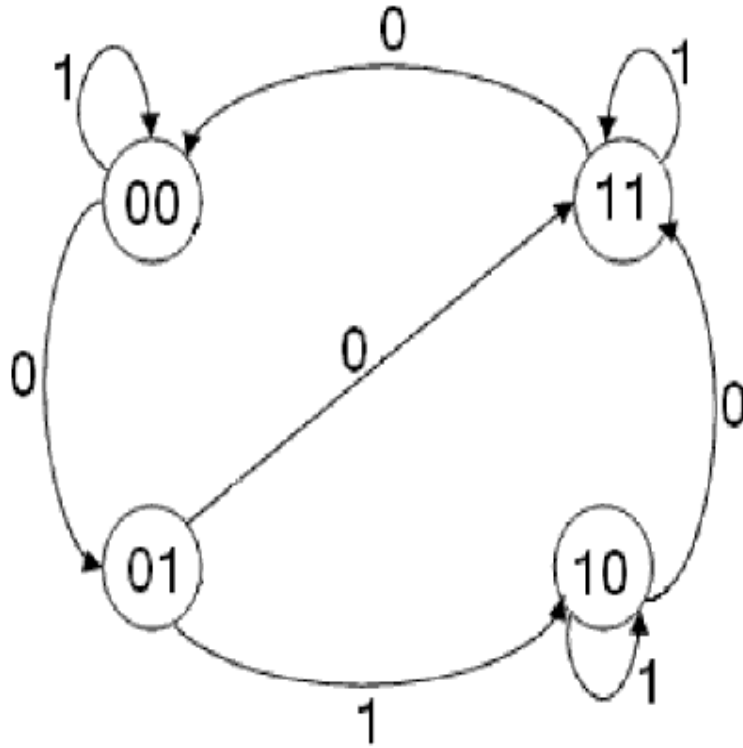
$$= \bar{A}B + XA + A\bar{B}$$

$$B(t + 1) = J_B \cdot \bar{B} + \bar{K}_B$$

$$= \bar{X} \cdot \bar{B} + \overline{(X\bar{A} + \bar{X} \cdot A)} \cdot \bar{B}$$

$$= \bar{X} \cdot \bar{B} + \bar{X} \cdot \bar{A} \cdot B + X \cdot A \cdot B$$

# State Diagram



# State Table

P.S		I/P	N.S	
A	B	X	A	B
0	0	0	0	1
0	0	1	0	0
0	1	0	1	1
0	1	1	1	0
1	0	0	1	1
1	0	1	1	0
1	1	0	0	0
1	1	1	1	1

ملاحظة : وجود فقط قيمة واحدة على الأسهم وهي قيمة I/P وذلك لأنه لا يوجد (O/P)

## أوجد تحليل الدائرة المتتابعة المتزامنة التالية ؟

تقوم بتحديد مدخلاتها ومخارجاتها حيث نعامل كل

جزء على حدا :

أولاً : القلاب A

$$T_A = XB$$

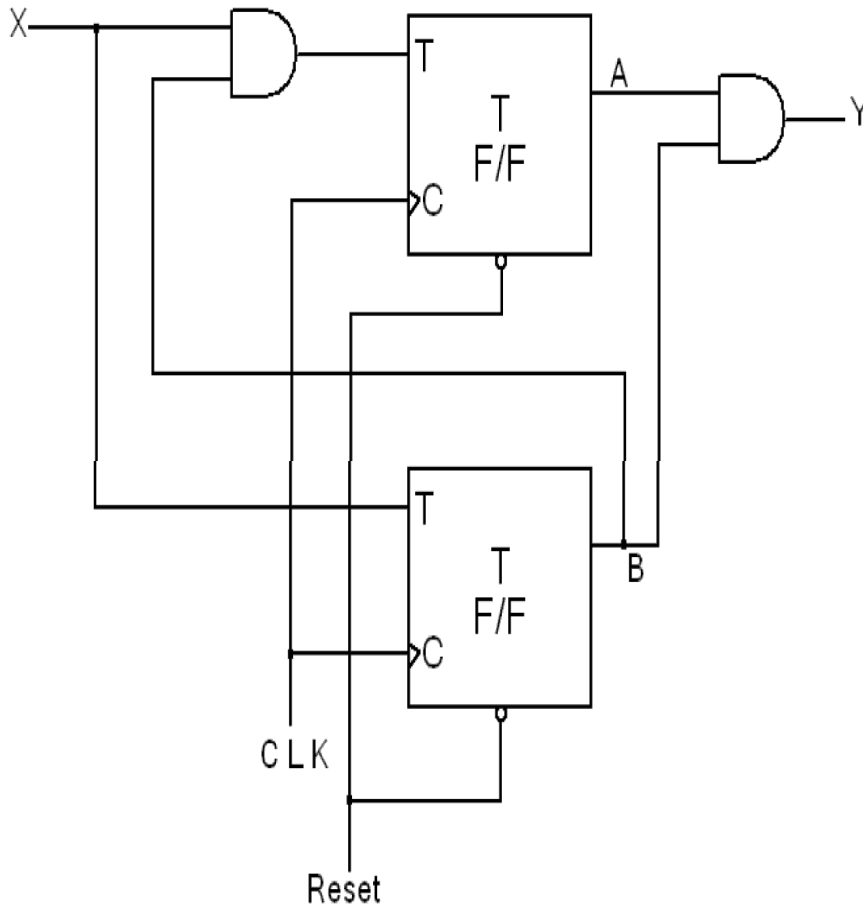
ثانياً : القلاب B

$$T_B = X$$

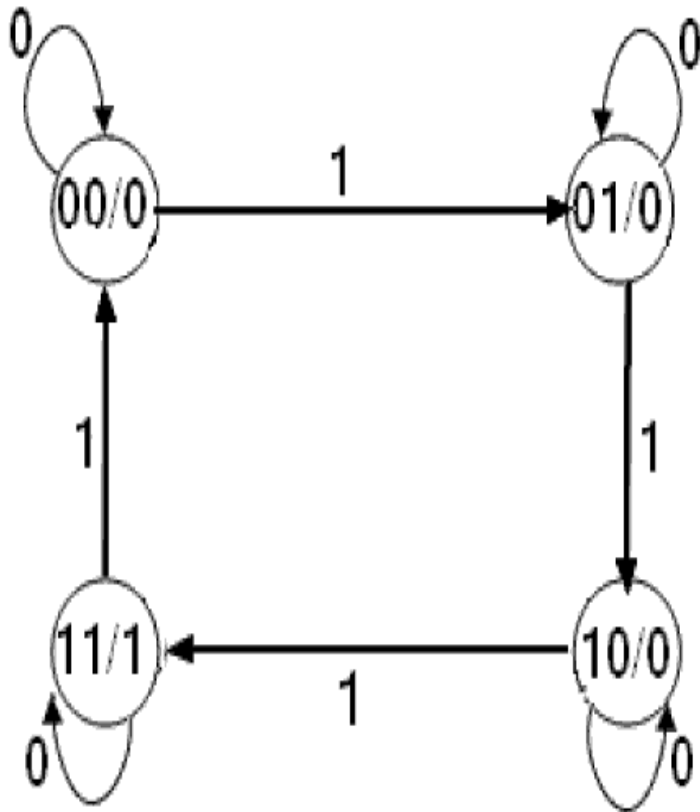
$$\begin{aligned} A(t + 1) &= T_A \oplus A \\ &= XB \oplus A \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} B(t + 1) &= T_B \oplus B \\ &= X \oplus B \end{aligned}$$

$$Y = A \cdot B$$



# State Diagram



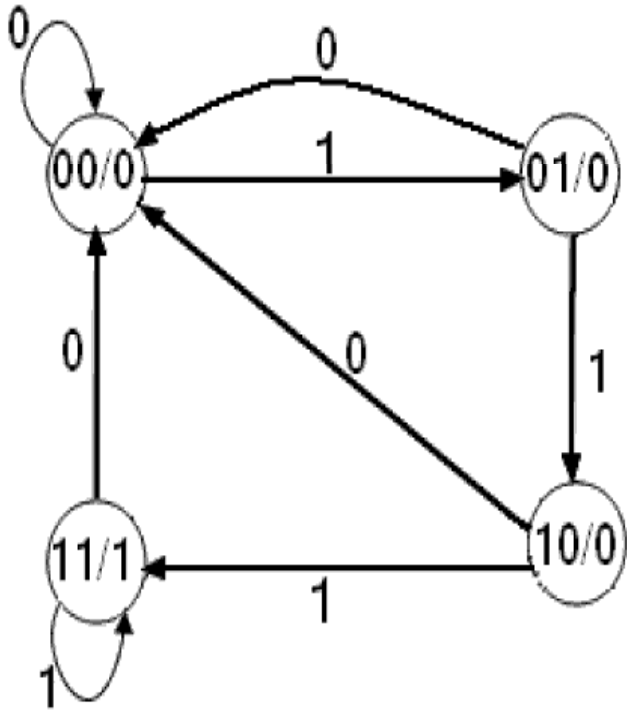
# State Table

P.S		I/P	N.S		O/P
A	B	X	A	B	Y
0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	1	0
0	1	0	0	1	0
0	1	1	1	0	0
1	0	0	1	0	0
1	0	1	1	1	0
1	1	0	1	1	1
1	1	1	0	0	1

ملاحظة : تم وضع (O/P) داخل الدوائر وذلك لأن (O/P) لا يعتمد على قيمة (I/P)

# نقد الدائرة التتابعية باستخدام القلاب T حسب مخطط الحالة التالية ؟

- نكتب State Table حسب مخطط الحالة



P.S		I/P	N.S		O/P	مداخل القلابات	
A	B	X	A	B	Y	T <sub>A</sub>	T <sub>B</sub>
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	1	0	0	1
0	1	0	0	0	0	0	1
0	1	1	1	0	0	1	1
1	0	0	0	0	0	1	0
1	0	1	1	1	0	0	1
1	1	0	0	0	1	1	1
1	1	1	1	1	1	0	0

# نستخدم خرائط كارنوف للتبسيط

$$T_A(A, B, X) = \sum (3, 4, 6)$$

	BX			
A				
	0	0	1	0
	1	0	0	1

$$T_A = \bar{A}BX + A\bar{X}$$

$$T_B(A, B, X) = \sum (1, 2, 3, 5, 6)$$

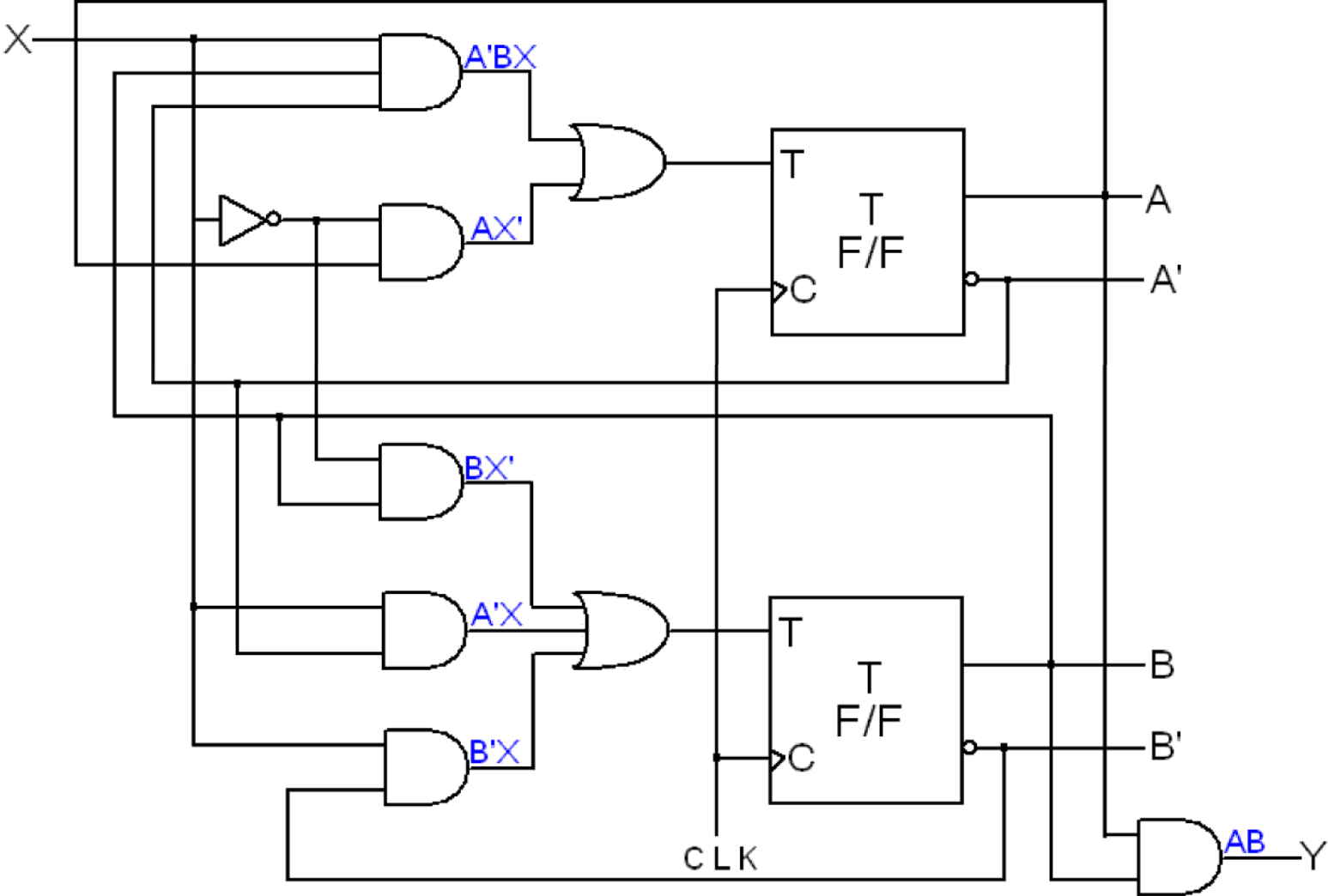
	BX			
A				
	0	1	1	1
	0	1	0	1

$$T_B = \bar{B}X + \bar{A}X + B\bar{X}$$

	BX			
A				
	0	0	0	0
	0	0	1	1

$$Y = AB$$

# Diagram





## نقد الدائرة التتابعية باستخدام القلابات نوع JK

Q(t)	Q(t+1)	J	K	P.S		I/P	N.S		O/P	مداخل القلابات				
				A	B	X	A	B	Y	J <sub>A</sub>	K <sub>A</sub>	J <sub>B</sub>	K <sub>B</sub>	
0	0	0	X	0	0	0	0	0	0	0	X	0	X	
0	1	1	X	0	0	1	0	1	0	0	X	1	X	
1	0	X	1	0	1	0	0	0	0	0	X	X	1	
1	1	X	0	0	1	1	1	0	0	0	1	X	X	1
				1	0	0	0	0	0	0	X	1	0	X
				1	0	1	1	1	0	0	X	0	1	X
				1	1	0	0	0	1	1	X	1	X	1
				1	1	1	1	1	1	1	X	0	X	0

# نستخدم خرائط كارنوف للتبسيط

BX  
A

<b>0</b>	<b>0</b>	<b>1</b>	<b>0</b>
<b>X</b>	<b>X</b>	<b>X</b>	<b>X</b>

BX  
A

<b>X</b>	<b>X</b>	<b>X</b>	<b>X</b>
<b>1</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>1</b>

$J_A = BX$

$K_A = \bar{X}$

BX  
A

<b>0</b>	<b>1</b>	<b>X</b>	<b>X</b>
<b>0</b>	<b>1</b>	<b>X</b>	<b>X</b>

BX  
A

<b>X</b>	<b>X</b>	<b>1</b>	<b>1</b>
<b>X</b>	<b>X</b>	<b>0</b>	<b>1</b>

$J_B = X$

$K_B = \bar{A} + \bar{X}$

BX  
A

<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>	<b>0</b>
<b>0</b>	<b>0</b>	<b>1</b>	<b>1</b>

$Y = AB$

# Diagram

